



جمهوری اسلامی ایران  
Islamic Republic of Iran

سازمان ملی استاندارد ایران

Iranian National Standardization Organization



استاندارد ملی ایران

۱۳۲۰۷-۲۰

چاپ اول

اردیبهشت ۱۳۹۲

**INSO**

**13207-20**

**1st. Edition  
May.2013**

ویژگی‌های هندسی فرآورده (GPS) —  
پالایش — قسمت ۲۰: پالایه‌های نیمرخ خطی:  
مفاهیم پایه

**Geometrical product specifications (GPS) —  
Filtration —Part 20:Linear profile filters:  
Basic concepts**

**ICS 17.040.20**

## به نام خدا

### آشنایی با سازمان ملی استاندارد ایران

مؤسسه استاندارد و تحقیقات صنعتی ایران به موجب بند یک ماده ۳ قانون اصلاح قوانین و مقررات مؤسسه استاندارد و تحقیقات صنعتی ایران، مصوب بهمن ماه ۱۳۷۱ تنها مرجع رسمی کشور است که وظیفه تعیین، تدوین و نشر استانداردهای ملی (رسمی) ایران را به عهده دارد.

نام موسسه استاندارد و تحقیقات صنعتی ایران به موجب یکصد و پنجاه و دومین جلسه شورای عالی اداری مورخ ۹۰/۶/۲۹ به سازمان ملی استاندارد ایران تغییر و طی نامه شماره ۲۰۶/۳۵۸۳۸ مورخ ۹۰/۷/۲۴ جهت اجرا ابلاغ شده است.

تدوین استاندارد در حوزه های مختلف در کمیسیون های فنی مرکب از کارشناسان سازمان، صاحب نظران مراکز و مؤسسات علمی، پژوهشی، تولیدی و اقتصادی آگاه و مرتبط انجام می شود و کوششی همگام با مصالح ملی و با توجه به شرایط تولیدی، فناوری و تجاری است که از مشارکت آگاهانه و منصفانه صاحبان حق و نفع، شامل تولیدکنندگان، مصرف کنندگان، صادرکنندگان و وارد کنندگان، مراکز علمی و تخصصی، نهادهای سازمان های دولتی و غیر دولتی حاصل می شود. پیش نویس استانداردهای ملی ایران برای نظرخواهی به مراجع ذی نفع و اعضای کمیسیون های فنی مربوط ارسال می شود و پس از دریافت نظرها و پیشنهادات در کمیته ملی مرتبط با آن رشته طرح و در صورت تصویب به عنوان استاندارد ملی (رسمی) ایران چاپ و منتشر می شود.

پیش نویس استانداردهایی که مؤسسات و سازمان های علاقه مند و ذی صلاح نیز با رعایت ضوابط تعیین شده تهیه می کنند در کمیته ملی طرح و بررسی و در صورت تصویب، به عنوان استاندارد ملی ایران چاپ و منتشر می شود. بدین ترتیب، استانداردهایی ملی تلقی می شوند که بر اساس مفاد نوشته شده در استاندارد ملی ایران شماره ۵ تدوین و در کمیته ملی استاندارد مربوط که سازمان ملی استاندارد ایران تشکیل می دهد به تصویب رسیده باشد.

سازمان ملی استاندارد ایران از اعضای اصلی سازمان بین المللی استاندارد (ISO)<sup>۱</sup>، کمیسیون بین المللی الکتروتکنیک (IEC)<sup>۲</sup> و سازمان بین المللی اندازه شناسی قانونی (OIML)<sup>۳</sup> است و به عنوان تنها رابط<sup>۴</sup> کمیسیون کدکس غذایی (CAC)<sup>۵</sup> در کشور فعالیت می کند. در تدوین استانداردهای ملی ایران ضمن توجه به شرایط کلی و نیازمندی های خاص کشور، از آخرین پیشرفت های علمی، فنی و صنعتی جهان و استانداردهای بین المللی بهره گیری می شود.

سازمان ملی استاندارد ایران می تواند با رعایت موازین پیش بینی شده در قانون، برای حمایت از مصرف کنندگان، حفظ سلامت و ایمنی فردی و عمومی، حصول اطمینان از کیفیت محصولات و ملاحظات زیست محیطی و اقتصادی، اجرای بعضی از استانداردهای ملی ایران را برای محصولات تولیدی داخل کشور و/یا اقلام وارداتی، با تصویب شورای عالی استاندارد، اجباری نماید. سازمان می تواند به منظور حفظ بازارهای بین المللی برای محصولات کشور، اجرای استاندارد کالاهای صادراتی و درجه بندی آن را اجباری نماید. همچنین برای اطمینان بخشیدن به استفاده کنندگان از خدمات سازمان ها و مؤسسات فعال در زمینه مشاوره، آموزش، بازرسی، ممیزی و صدور گواهی سیستم های مدیریت کیفیت و مدیریت زیست محیطی، آزمایشگاه ها و مراکز کالیبراسیون (واسنجی) وسایل سنجش، سازمان ملی استاندارد ایران این گونه سازمان ها و مؤسسات را بر اساس ضوابط نظام تأیید صلاحیت ایران ارزیابی می کند و در صورت احراز شرایط لازم، گواهینامه تأیید صلاحیت به آن ها اعطا و بر عملکرد آن ها نظارت می کند. ترویج دستگاه بین المللی یکاها، کالیبراسیون (واسنجی) وسایل سنجش، تعیین عیار فلزات گرانبها و انجام تحقیقات کاربردی برای ارتقای سطح استانداردهای ملی ایران از دیگر وظایف این سازمان است.

1- International Organization for Standardization

2 - International Electrotechnical Commission

3- International Organization of Legal Metrology (Organisation Internationale de Metrologie Legale)

4 - Contact point

5 - Codex Alimentarius Commission

کمیسیون فنی تدوین استاندارد  
"ویژگی‌های هندسی فرآورده (GPS) - پالایش -  
قسمت ۲۰: پالایه‌های نیمرخ خطی: مفاهیم پایه"

رئیس:

علیمحمدی نافچی، بهروز  
(فوق لیسانس ریاضی)

سمت و/یا نمایندگی:

معاون فنی اداره کل استاندارد استان چهارمحال و  
بختیاری

دبیران:

آقابابایی، کبرا

(لیسانس ریاضی)

کارشناس شرکت اندیشه فاخر شهرکرد

نوریزاده، احسان

(فوق لیسانس مهندسی مکانیک)

کارشناس شرکت اندیشه فاخر شهرکرد

اعضا: (به ترتیب حروف الفبا)

بیگی خردمند، اعظم

(فوق لیسانس مهندسی متالورژی)

عضو هیئت علمی دانشگاه آزاد اسلامی واحد شهرکرد

بنی مهدی، احسان

(فوق لیسانس مهندسی برق و الکترونیک)

مدیر عامل شرکت طراحان مشاور صنعت دزپارت

حیدری، غلامحسین

(دکترای فیزیک)

عضو هیئت علمی دانشگاه ملایر

خلیلی، مریم

(فوق لیسانس مهندسی مکانیک)

عضو هیئت علمی دانشگاه آزاد اسلامی واحد شهرکرد

رهنما، رسول

(لیسانس مهندسی برق)

کارشناس شرکت فنی مهندسی طرح و بازرسی

رهنما، مجتبی	کارشناس فرمانداری شهرستان فارس
(لیسانس مهندسی عمران)	
رهنما، حکیمه	کارشناس اداره کل استاندارد استان چهارمحال و
(لیسانس جغرافیا)	بختیاری
دائی جواد، حسین	کارشناس اداره کل استاندارد استان چهارمحال و
(لیسانس مهندسی متالوژی)	بختیاری
سمیع، حمید	معاون پژوهشی دانشگاه جامع علمی کاربردی مرکز پیام
(فوق لیسانس مهندسی مکانیک)	
غلامیان، احسان	کارشناس شرکت طراحان مشاور صنعت دزپارت
(لیسانس مهندسی متالوژی)	
فروزنده، مهدی	کارشناس گمرک استان چهارمحال و بختیاری
(لیسانس ریاضی کاربردی)	
فتاحی، پدram	کارشناس اداره کل استاندارد استان چهارمحال و
(لیسانس مهندسی صنایع)	بختیاری
نوروزی، عباس	کارشناس سازمان تعاون، کار و رفاه اجتماعی استان
(فوق لیسانس شیمی تجزیه)	چهارمحال و بختیاری

## فهرست مندرجات

عنوان	صفحه
آشنایی با سازمان ملی استاندارد ایران	ب
کمیسیون فنی تدوین استاندارد	ج
پیش گفتار	و
مقدمه	ز
۱ هدف و دامنه کاربرد	۱
۲ مراجع الزامی	۱
۳ اصطلاحات و تعاریف	۱
۴ مفاهیم پایه	۳
۱-۴ کلیات	۳
۲-۴ نمایش گسسته	۴
۳-۴ نمایش گسسته پالایه نیمرخ خطی	۴
۵ پالایه‌های نیمرخ خطی	۷
۱-۵ معادلات پایه	۷
۲-۵ حلقه گسسته	۸
۳-۵ تابع انتقال	۹
۴-۵ بانک‌های پالایه	۱۳
پیوست الف (اطلاعاتی) - نمودار مفاهیم	۱۵
پیوست ب (اطلاعاتی) - رابطه با الگوی ماتریس پالایش	۱۶
پیوست پ (اطلاعاتی) - رابطه با الگوی ماتریس GPS	۱۷
کتابنامه	۱۹

## پیش گفتار

استاندارد "ویژگی‌های هندسی فرآورده (GPS) پالایش - قسمت ۲۰ : پالایه‌های نیمرخ خطی : مفاهیم پایه" که پیش‌نویس آن در کمیسیون‌های مربوط توسط شرکت فنی و مهندسی اندیشه فاخر شهرکرد تهیه و تدوین شده و در یکصد و نود و پنجمین اجلاس کمیته ملی استاندارد اندازه‌شناسی، اوزان و مقیاس‌ها مورخ ۱۱/۳/۹۱ مورد تصویب قرار گرفته است، اینک به استناد بند یک ماده ۳ قانون اصلاح قوانین و مقررات سازمان ملی استاندارد ایران، مصوب بهمن ماه ۱۳۷۱، به عنوان استاندارد ملی ایران منتشر می‌شود. برای حفظ همگامی و هماهنگی با تحولات و پیشرفت‌های ملی و جهانی در زمینه صنایع، علوم و خدمات، استانداردهای ملی ایران در مواقع لزوم تجدید نظر خواهد شد و هر پیشنهادی که برای اصلاح و تکمیل این استانداردها ارائه شود، هنگام تجدید نظر در کمیسیون فنی مربوط مورد توجه قرار خواهد گرفت. بنابراین، باید همواره از آخرین تجدیدنظر استانداردهای ملی استفاده کرد.

منبع و مآخذی که برای تهیه این استاندارد مورد استفاده قرار گرفته به شرح زیر است:

ISO 16610 -20:2006, Geometrical product specifications (GPS) — Filtration — Part 20: Linear profile filters: Basic concepts

## مقدمه

این استاندارد یکی از استانداردهای ملی ایران در رابطه با ویژگی‌های هندسی فراورده (GPS)<sup>۱</sup> می‌باشد و به عنوان یک استاندارد فراگیر GPS در نظر گرفته می‌شود (به استاندارد ISO/TR 14638 مراجعه شود). این استاندارد بر ارتباط‌های زنجیره‌ای ۳ و ۵ در تمامی زنجیره استانداردها تاثیرگذار است. برای کسب اطلاعات بیشتر درخصوص رابطه این استاندارد با الگوی ماتریس GPS به پیوست پ مراجعه شود. این استاندارد، مفاهیم پایه مربوط به پالایه‌های خطی شامل پالایه‌های نواری<sup>۲</sup> و موج‌های کوچک نواری و همچنین پالایه گاوسی استاندارد شده را توسعه می‌دهد. به استاندارد ISO11562:1996 رجوع شود.

---

1- Geometrical Product Specifications

2-Spline

# ویژگی‌های هندسی فرآورده (GPS) – پالایش – قسمت ۲۰: پالایه‌های نیمرخ خطی: مفاهیم پایه

## ۱ هدف و دامنه کاربرد

هدف از تدوین این استاندارد، تعیین مفاهیم پایه برای پالایه‌های نیمرخ خطی است.

## ۲ مراجع الزامی

مدارک الزامی زیر حاوی مقرراتی است که در متن این استاندارد ملی ایران به آن‌ها ارجاع داده شده است. بدین ترتیب آن مقررات جزئی از این استاندارد ملی ایران محسوب می‌شود. در صورتی که به مدرکی با ذکر تاریخ انتشار ارجاع داده شده باشد، اصلاحیه‌ها و تجدید نظرهای بعدی آن مورد نظر این استاندارد ملی ایران نیست. در مورد مدارکی که بدون ذکر تاریخ انتشار به آن‌ها ارجاع داده شده است، همواره آخرین تجدید نظر و اصلاحیه‌های بعدی آنها مورد نظر است. استفاده از مراجع زیر برای این استاندارد الزامی است:

**2-1** ISO 11562:1996, Geometrical Product Specification (GPS) - Surface texture : Profile method- Metrological characteristics of phase correct filters

**2-2** ISO /TS 16610-1:2006, Geometrical Product Specification (GPS)-Part1: Overview and basic concepts

**2-3** International vocabulary of basic and general terms in metrology (VIM). BIPM, IEC, IFCC, ISO, IUPAC, IUPAP, OIML, 2nd ed., 1993

## ۳ اصطلاحات و تعاریف

در این استاندارد، علاوه بر اصطلاحات و تعاریف ارائه شده در استانداردهای ISO /TS 16610-1 و VIM اصطلاحات و تعاریف زیر نیز به کار می‌رود.

### ۱-۳

#### پالایه‌ی نیمرخ خطی

پالایه نیمرخ‌ی که نیمرخ‌ها را به مؤلفه‌های موج بلند و موج کوتاه مجزا می‌کند.



۲-۳

### پالایه (خطی) تصحیح فاز<sup>۱</sup>

پالایه نیمرخ که موجب تغییرات فاز، منجر به تغییر شکل<sup>۲</sup> نیمرخ به طور نامتقارن نمی‌شود.

یادآوری - پالایه‌های تصحیح گام، نوع خاصی از پالایه‌های فاز خطی می‌باشند زیرا که هر پالایه فاز خطی (به سادگی با تغییر تابع وزن<sup>۳</sup> آن) می‌تواند به پالایه فاز صفر تبدیل شود که یک پالایه تصحیح گام است.

۳-۳

### تابع وزن

تابعی برای محاسبه خط میانگین است که وزن متعلقه برای هر نقطه توسط نیمرخ در مجاورت آن نقطه نشان داده می‌شود.

یادآوری - مشخصه انتقال خط میانگین، تبدیل فوریه<sup>۴</sup> تابع وزن است.

۴-۳

### مشخصه انتقال یک پالایه

مشخصه‌ای که نشان می‌دهد مقدار دامنه نیمرخ سینوسی به عنوان تابعی از طول موج آن تضعیف می‌شود.

یادآوری - مشخصه انتقال، تبدیل فوریه تابع وزن است.

۵-۳

### طول موج قطع

طول موج نیمرخ سینوسی که  $50\%$  از دامنه توسط پالایه نیمرخ گسیل می‌شود.

یادآوری ۱- پالایه‌های نیمرخ خطی توسط نوع پالایه و مقدار طول موج قطع شناسایی می‌شوند.

یادآوری ۲- طول موج قطع، شاخص تو در تو<sup>۵</sup> توصیه شده برای پالایه‌های نیمرخ خطی می‌باشد.

---

1-Phase correct

2-Distortions

3-Weighting function

4-Fourier transformation

5-Nesting index

## بانک پالایه

مجموعه‌ای از پالایه‌ها با عبور بالا و عبور پایین که در ساختاری معین مرتب شده است.

تحلیل تفکیک‌پذیری چندگانه<sup>۱</sup>

تجزیه نیمرخ توسط بانک پالایه به بخش‌هایی از مقیاس‌های گوناگون است.

یادآوری - بخش‌ها در مقیاس‌های گوناگون همچنین به عنوان تفکیک‌پذیری اشاره دارد.

## ۴ مفاهیم پایه

## ۱-۴ کلیات

برای یک پالایه در راستای انطباق با این استاندارد باید مشخصه‌های توصیف شده در بندهای ۱-۵، ۲-۵، ۳-۵ و ۴-۵ ارائه شود.

یادآوری - یک نمودار معنا دار برای پالایه‌های نیمرخ خطی در پیوست الف ارائه شده است. رابطه با الگوی ماتریس پالایش در پیوست ب آورده شده است.

به طور کلی، پالایه نیمرخ خطی به صورت زیر مشخص می‌شود.

$$y(x) = \int k(x, \xi) z(\xi) d\xi \quad (1)$$

که در آن:

$z(\xi)$  نیمرخ پالایه نشده،

$y(x)$  نیمرخ پالایه شده،

$k(x, \xi)$  هسته متقارن حقیقی و تغییر ناپذیر فضایی است.

در صورتی که  $k(x, \xi) = k(x - \xi)$ ، پالایش به صورت یک حلقه<sup>۲</sup> خواهد بود.

$$y(x) = \int k(x - \xi) z(\xi) d\xi \quad (2)$$

و هسته، به عنوان تابع وزن پالایه نامیده می‌شود. هرچند داده‌های استخراج شده همیشه گسسته می‌باشند در نتیجه پالایه‌های توصیف شده در اینجا نیز گسسته هستند. در صورتی که تابع وزن گسسته نباشد ( بند ۴-۴، مثال ۲ رجوع شود)، آن باید به فرم گسسته تبدیل شود.

#### ۲-۴ نمایش گسسته

نمیرخ استخراج شده می‌تواند توسط یک بردار نشان داده شود. طول  $n$  از این بردار برابر با تعداد نقاط داده‌ها<sup>۱</sup> می‌باشد. فرض شده است که نمونه برداری یکسان است، به عبارت دیگر فاصله نمونه برداری ثابت است.  $i$  امین نقطه داده نیمرخ، بنابراین  $i$  امین مولفه برداری می‌باشد.

$$(a_1 a_2 \dots a_i \dots a_{n-1} a_n)$$

#### ۳-۴ نمایش گسسته پالایه نیمرخ خطی

پالایه نیمرخ خطی به وسیله یک ماتریس مربع ارائه می‌شود. ابعاد این ماتریس با تعداد نقاط داده‌هایی که باید پالایه شوند، برابر است. چنانچه پالایه دوره‌ای نباشد، ماتریس یک ماتریس ثابت قطری (Toplitz)<sup>۲</sup> به صورت زیر است:

$$\begin{pmatrix} c' & b' & a & b & c & & \\ & c' & b' & a & b & c & \\ & & c' & b' & a & b & c \\ & & & c' & b' & a & b \\ & & & & c' & b' & a \\ & & & & & c' & b' \\ & & & & & & c' \end{pmatrix} \quad (۴)$$

در غیر این صورت، چنانچه پالایه دوره‌ای باشد، ماتریس یک ماتریس چرخشی بصورت زیر است:

$$\begin{pmatrix} a & b & c & \dots & \dots & c' & b' \\ b' & a & b & c & \dots & \dots & c' \\ c' & b' & a & b & c & \dots & \dots \\ & \ddots & \ddots & \ddots & \ddots & \ddots & \ddots \\ & & c' & b' & a & b & c \\ c & \dots & \dots & c' & b' & a & b \\ b & c & \dots & \dots & c' & b' & a \end{pmatrix} \quad (۵)$$

1-Data points

2- Toplitz

اگر پالایه تصحیح گام باشد، ماتریسی که پالایه را نمایش می‌دهد، متقارن است، به عبارت دیگر  $b = b'$ ،  $c = c'$ ، (به طور کلی  $a_{ij} = a_{ji}$ ) معتبر می‌باشد. مجموع عناصر ماتریس  $a_{ij}$  متعلق به هر ردیف  $i$  ثابت است و برای پالایه‌های با عبور پایین برابر با یک است، یعنی

$$\sum_j a_{ij} = 1 \quad (6)$$

یادآوری - در مورد ماتریس متقارن، و مجموع عناصر ماتریس  $a_{ij}$  متعلق به هر ستون  $j$  همچنین ثابت می‌باشد و برابر یک است، یعنی  $\sum_i a_{ij} = 1$  نیز معتبر می‌باشد.

#### ۳-۴ نمایش گسسته تابع وزن

چنانچه هر ردیف از نمایش ماتریس پالایه بعد از تغییر، یکسان باشد عناصر ماتریس ممکن است تنها با یک ردیف نشان داده شوند برای مثال

$$a_{ij} = s_k \text{ و } k = i - j \quad (7)$$

مقادیر  $s_k$ ، یک بردار  $s$  را با بعدی به ترتیب برابر با طول داده‌های ورودی یا خروجی بردار تشکیل می‌دهد. این بردار نمایش گسسته تابع وزن پالایه است.

یادآوری ۱ - طول تابع وزن بطور معمولی بسیار کوچکتر از طول مجموعه داده‌ها می‌باشد. در این مورد،  $s$  حاوی صفرهایی در هر انتها است.

مثال ۱: میانگین حرکت پالایه بطور متناوب برای تسهیل و هموار کردن مجموعه داده‌هایی به کار می‌رود که لزوماً روش بهینه نمی‌باشد. در مثال زیر یک پالایه با تابع وزن گسسته با طول ۳ به کار رفته که تابع وزن بصورت زیر ارائه می‌شود

$$\left( \dots, 0, 0, \frac{1}{3}, \frac{1}{3}, \frac{1}{3}, 0, 0, \dots \right) \quad (8)$$

یادآوری ۲ - تابع وزن همچنین اغلب تابع واکنشی ضربه‌ای<sup>۱</sup> نامیده می‌شود زیرا که مجموعه داده‌های خروجی پالایه می‌باشد البته در صورتی که مجموعه داده‌های ورودی، تنها یک ضربه برای یگانگی  $(\dots, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, \dots)$  باشد.

چنانچه تابع وزن، تابعی پیوسته باشد، این تابع باید به منظور دستیابی به مجموعه داده‌های گسسته مورد نمونه‌برداری قرار گیرد. فاصله نمونه‌برداری مورد استفاده باید برابر با فاصله نمونه‌برداری داده‌های استخراج شده باشد. متعاقبا نرمال‌سازی مجدد داده‌های نمونه‌برداری شده تابع وزن به منظور برآورده کردن شرایطی باید برای یگانگی خلاصه شوند را اجباری می‌کند. بنابراین از این تاثیرات جانبی جلوگیری به عمل می‌آید (برای جزئیات بیشتر در رابطه با تاثیرات جانبی به ردیف [۲] کتابنامه رجوع شود)

مثال ۲: پالایه گوسی<sup>۱</sup> مطابق استاندارد بند ۱ مثالی از تابع وزن پیوسته  $S(x)$  می‌باشد که توسط معادله زیر تعیین می‌شود.

$$s(x) = \frac{1}{\alpha \lambda_c} \exp \left[ -\pi \left( \frac{x}{\alpha \lambda_c} \right)^2 \right] \quad (9)$$

که در آن:

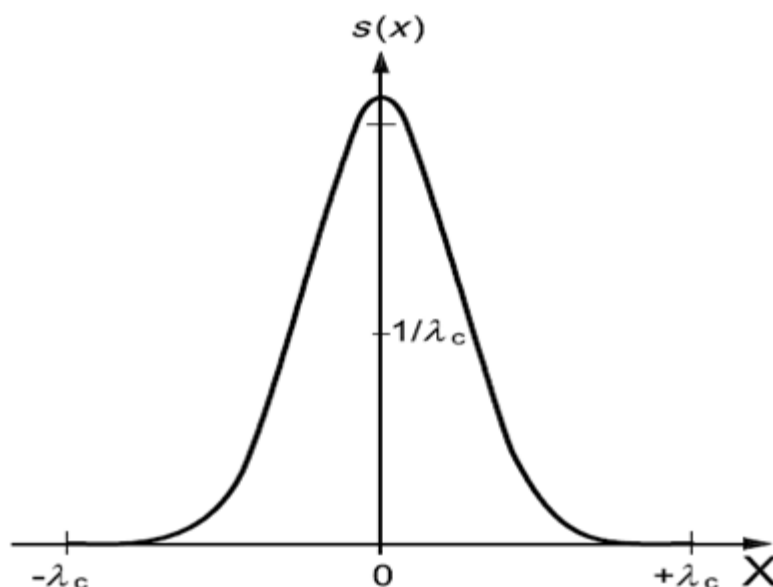
$x$  فاصله از مرکز (بیشینه) تابع وزن،

$\lambda_c$  طول موج قطع ،

$a$  مقدار ثابت ارائه شده توسط معادله‌ی زیر می‌باشد.

$$\alpha = \sqrt{\frac{\log 2}{\pi}} = 0,4697... \quad (10)$$

نمودار این تابع وزن در شکل ۱ نشان داده شده است.



شکل ۱- مثالی برای تابع وزن پیوسته

داده‌های نمونه برداری شده  $S_K$  مربوط به تابع وزن پس از نرمال سازی مجدد بصورت زیر ارائه می شود:

$$s_k = \frac{1}{C} \exp \left[ -\pi \left( \frac{\Delta x}{\alpha \lambda_c} \right)^2 k^2 \right] \quad (11)$$

که با فاصله نمونه برداری  $\Delta x$  و مقدار ثابت نرمال سازی به صورت زیر نمایش داده می شود:

$$C = \sum_k \exp \left[ -\pi \left( \frac{\Delta x}{\alpha \lambda_c} \right)^2 k^2 \right] \quad (12)$$

## ۵ پالایه های نیمرخ خطی

### ۵-۱ معادلات پالایه

چنانچه پالایه توسط ماتریس  $S$  ارائه شود، داده های ورودی توسط بردار  $z$  و داده های خروجی توسط بردار  $w$  مشخص می شود سپس فرایند پالایش توسط معادله خطی توصیف می شود.

$$w = Sz \quad (13)$$

این معادله، معادله پالایه می‌باشد. در صورتی که  $S^{-1}$ ، ماتریس معکوس ماتریس پالایه  $S$  باشد، آنگاه

$$z = S^{-1} \mathbf{1}_N \quad (14)$$

همچنین معادله پالایه معتبری می‌باشد.

**یادآوری ۱-** پالایه توسط ماتریس  $S$  یا توسط ماتریس معکوس  $S^{-1}$ ، هر کدام که منجر به تعریف ساده‌تری شود، مشخص می‌شود. با این وجود، تابع وزن تنها توسط ردیف‌های ماتریس  $S$  ارائه می‌شود.

**یادآوری ۲-** ماتریس معکوس گاهی اوقات وجود ندارد در این صورت فرایند پالایش معکوس نمی‌شود. به عبارت دیگر بازسازی داده‌ها غیر ممکن می‌شود. چنین پالایه‌ای ناپایدار نامیده می‌شود. ثبات پالایه از تابع انتقال می‌تواند مشاهده شود ( به بند ۳-۵ رجوع شود). یک پالایه ناپایدار دارای تابع انتقال  $H(\omega)$  می‌باشد که برای کمینه یک فرکانس  $\omega$  برابر با صفر است.

**مثال :** ماتریس مربوط به پالایه میانگین حرکت در بالا ذکر شده است.

$$\frac{1}{3} \begin{pmatrix} \ddots & \ddots & \ddots & & & \\ & 1 & 1 & 1 & & \\ & & 1 & 1 & 1 & \\ & & & 1 & 1 & 1 \\ & & & & \ddots & \ddots & \ddots \end{pmatrix} \quad (15)$$

که معکوس پذیر نیست و بنابراین پالایه ناپایدار می‌باشد. در صورتی که پالایه به یک پالایه میانگین حرکت (  $a < 1/2$  ) تغییر کند.

$$\frac{1}{1+2\alpha} \begin{pmatrix} \ddots & \ddots & \ddots & & & \\ & \alpha & 1 & \alpha & & \\ & & \alpha & 1 & \alpha & \\ & & & \alpha & 1 & \alpha \\ & & & & \ddots & \ddots & \ddots \end{pmatrix} \quad (16)$$

در این صورت آن پایدار می‌باشد.

ماتریس معکوس  $S^{-1}$ ، یک ماتریس مورب ثابت یا یک ماتریس چرخشی است البته در صورتی که  $S$  به ترتیب ماتریس مورب یا ماتریس چرخشی باشد. ماتریس معکوس  $S^{-1}$  متقارن می‌باشد البته در صورتی که  $S$  متقارن باشد.

## ۵-۲ حلقه گسسته

معادله پالایه می تواند به صورت زیر بیان شود:

$$w_i = \sum a_{ij} z_j = \sum s_{i-j} z_j \quad (17)$$

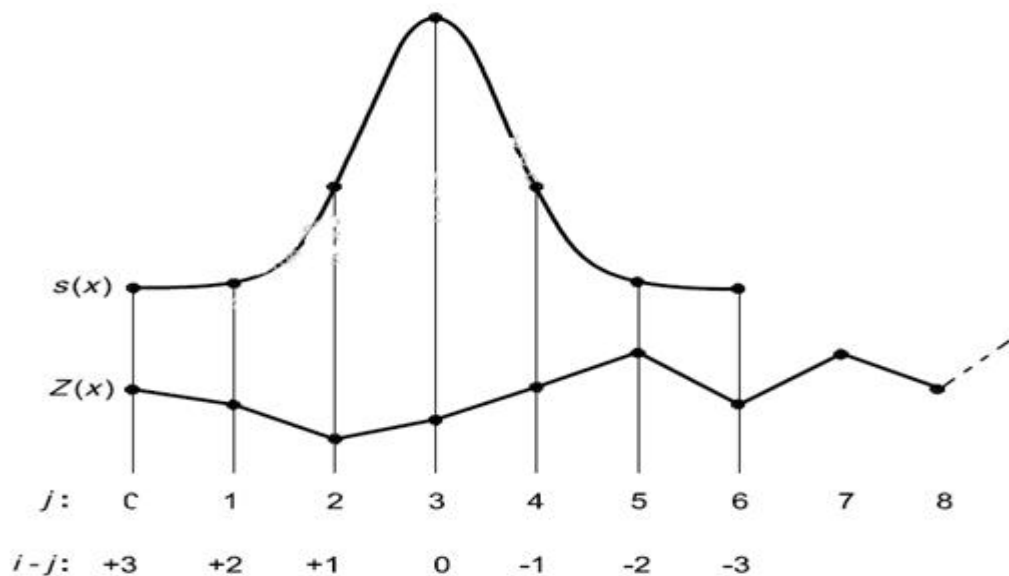
عبارت اخیر به عنوان حلقه گسسته با نماد اختصاری  $W = s * z$  شناخته می شود. در صورتی که ماتریس پالایه چرخشی باشد، حلقه نیز چرخشی می باشد، برای مثال ضرایب  $s_{i-j}$  باید به طور گسترده و به صورت دوره ای در هر دو انتها مشاهده شوند (در اطراف آنها احاطه شده باشد).

**یادآوری** - حلقه چرخشی می تواند با استفاده از تبدیل سری فوریه (FFT) <sup>۱</sup> محاسبه شود، که اغلب سریعتر از حلقه معمولی می باشد.

**مثال:** یک مثال برای حلقه چرخشی در شکل ۲ نشان داده شده است در اینجا، مقدار پالایه شده  $W_i$  برای  $i=3$  توسط حاصل ضرب مقادیر داده ها در نقاط  $i=0...6$  با مقادیر نمونه برداری شده تابع وزن در نقاط  $i-j$  و حاصل جمع بعدی محاسبه می شود.

$$w_i = \sum_{j=0}^n s_{i-j} z_j \quad (18)$$





شکل ۲- مثالی برای حلقه گسسته

### ۳-۵ تابع انتقال

با به کارگیری تبدیل گسسته فوریه مربوط به حلقه گسسته، معادله زیر بدست می آید.

$$W = HZ \quad (19)$$

که در آن :

$w$  تبدیل گسسته فوریه مربوط به بردار خروجی  $\omega$ ،

$H$  تبدیل گسسته فوریه مربوط به نمایش گسسته تابع وزن  $S$ ،

$Z$  تبدیل گسسته فوریه مربوط به بردار ورودی  $Z$  می باشد.

تابع  $H$ ، تابع انتقال پالایه نامیده می شود. تابع انتقال پایه به طول موج  $\lambda$  یا فرکانس زاویه دار  $w=2\pi/\lambda$  بستگی دارد و به عنوان تبدیل فوریه به دامنه طول موج یا فرکانس انتقال می یابد.

تبدیل فوریه  $H(\omega)$  در مورد نمایش گسسته تابع وزن توسط بردار  $s$  و با اجزای  $s_k$  به صورت زیر محاسبه می شود.

$$H(\omega) = \sum_k s_k e^{-i\omega k} = s_0 + \sum_{k \neq 0} s_k (\cos \omega k + i \sin \omega k) \quad (20)$$

به طور کلی تابع انتقال، به مقادیر پیچیده<sup>۱</sup> تغییر پیدا می کند. اگر چه تابع وزن متقارن باشد برای مثال  $s_{-k} = s_k$  معتبر بوده و فرمول به صورت زیر ساده می شود.

$$H(\omega) = s_0 + 2 \sum_{k>0} s_k \cos \omega k \quad (21)$$

و منجر به تابع انتقال حقیقی می شود. برای پالایه تصحیح گام، تابع انتقال همیشه یک تابع حقیقی است برای مثال قسمت مجازی<sup>۲</sup> آن صفر است. به علت این که در واقع قسمت تخیلی بیانگر تغییر فازی است که برای پالایه های تصحیح گام مجاز نمی باشد.

---

1-Complex values

2- Imaginary

مثال ۱: تابع انتقال برای پالایه میانگین حرکت ذکر شده در بالا به صورت زیر می‌باشد

$$H(\omega) = \frac{1+2\cos\omega}{3} \quad (22)$$

نمودار این تابع انتقال در شکل ۳ نشان داده شده است. این پالایه پایدار نمی‌باشد، زیرا که  $H(\omega) = 0$  اگر  $\omega = \pm 2\pi/3$  برقرار باشد.

پالایه میانگین حرکت که در شکل ۳ نشان داده شده است پالایه‌ای با عبور پائین می‌باشد، زیرا که  $H(\omega)$  در بالاترین مقادیر خود در اطراف فرکانس  $\omega = 0$  است. در مقایسه، برای پالایه‌ای با عبوری بالا،  $H(\omega)$  دارای بیشترین مقادیر در ناحیه فرکانس بالا نزدیک به  $\omega = \pm \pi$  است. در صورتی که تابع انتقال در مورد پالایه‌ای با عبور پائین  $H(\omega)$  مطرح شود با ساده‌ترین روش به منظور دستیابی به تابع انتقال در مورد پالایه‌ای با عبور بالا  $H(\omega)$ ، محاسبه  $H_0(\omega) = 1 - H(\omega)$  میسر می‌شود. هرچند، احتمالاً این مورد همیشه بهترین انتخاب نمی‌باشد.

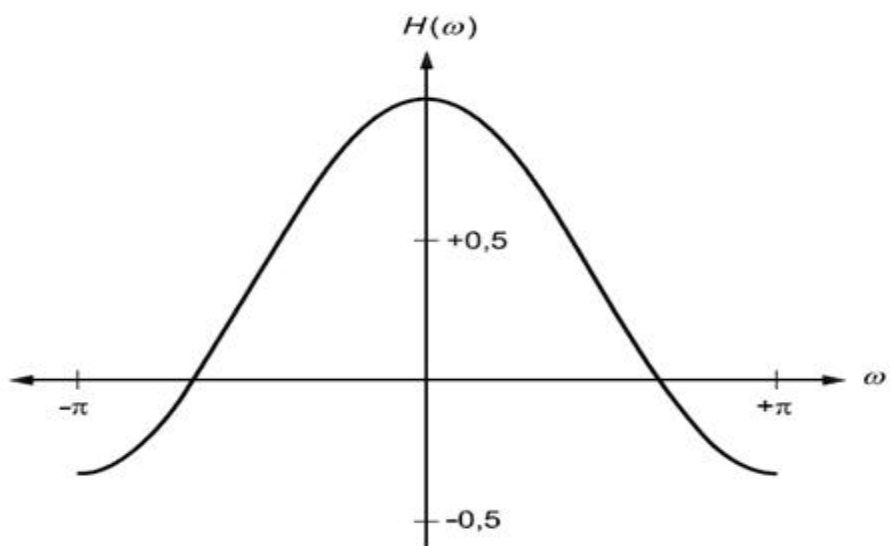
مثال ۲- پالایه‌ای با عبور بالا، تکمیل کننده پالایه میانگین حرکت می‌باشد و بنابراین پایدار است. پالایه میانگین حرکت (موزون)، دارای تابع انتقال (با عبوری پائین) می‌باشد.

$$H_0(\omega) = \frac{1+2\alpha\cos\omega}{1+2\alpha} \quad (23)$$

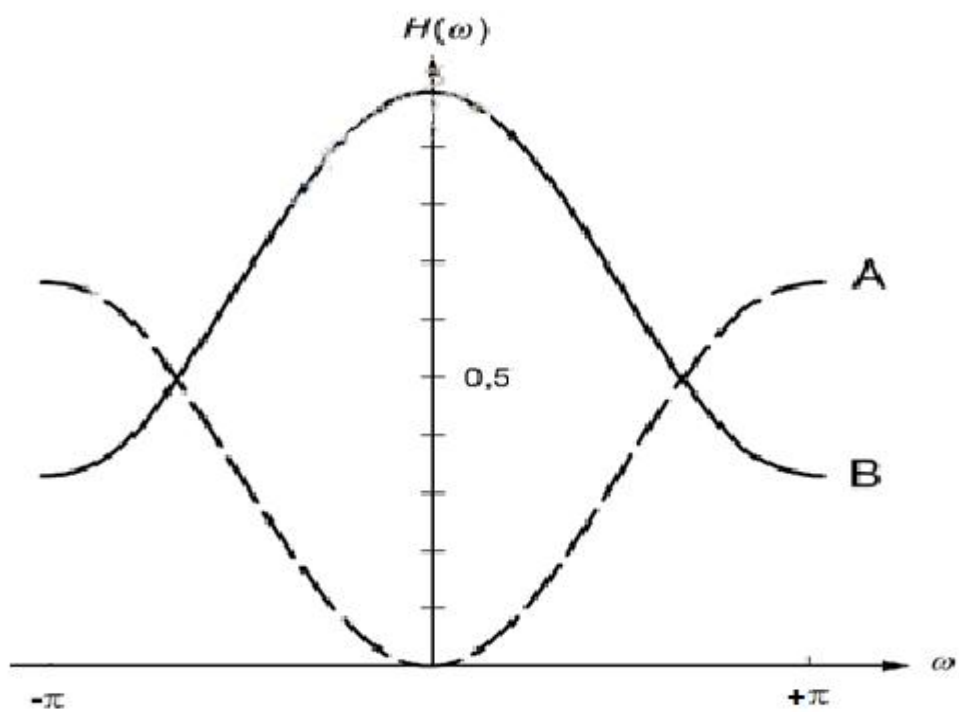
سپس پالایه عبوری بالا، دارای تابع انتقال می‌باشد.

$$H_1(\omega) = 1 - H_0(\omega) = \frac{2\alpha}{1+2\alpha}(1 - \cos\omega) \quad (24)$$

هر دو تابع انتقال در شکل ۴ نشان داده شده است.



شکل ۳- تابع انتقال پالایه میانگین حرکت برای سه طول



راهنما

A تابع انتقال با عبور بالا

B تابع انتقال با عبور پایین

شکل ۴- تابع انتقال با عبور پائین و با عبور بالا با  $\alpha = 0.25$

تابع وزن در مورد پالایه عبوری پائین به صورت زیر است.

$$\left( \dots 0, 0, \frac{\alpha}{1+2\alpha}, \frac{1}{1+2\alpha}, \frac{\alpha}{1+2\alpha}, 0, 0 \dots \right) \quad (25)$$

تابع وزن در مورد پالایه عبوری بالا به آسانی می تواند به صورت زیر نشان داده شود.

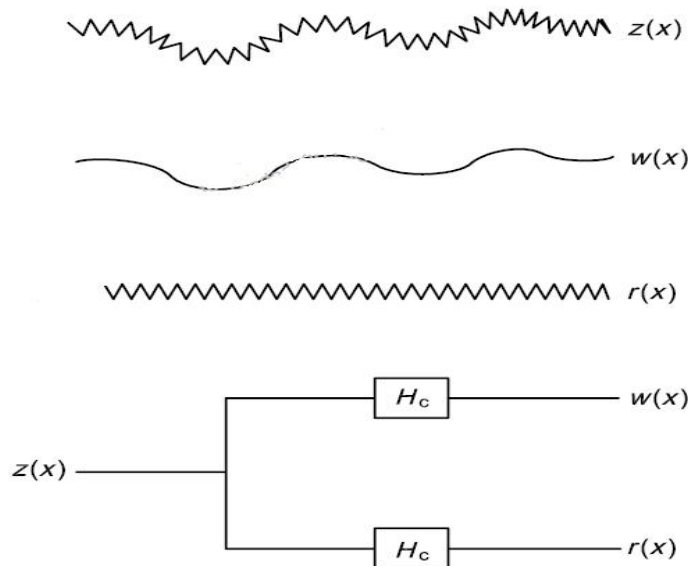
$$\left( \dots 0, 0, -\frac{\alpha}{1+2\alpha}, \frac{2\alpha}{1+2\alpha}, -\frac{\alpha}{1+2\alpha}, 0, 0 \dots \right) \quad (26)$$

این پالایه ، موسوم به پالایه تفاضل حرکت می باشد.

#### ۴-۵ بانک‌های پالایه

در یک بانک پالایه دو کاناله، دو پالایه به طور معمولی یک پالایه عبوری بالا و عبوری پائین می‌باشند این پالایه‌ها به وسیله توابع انتقال آنها یعنی  $H_0(\omega)$  و  $H_1(\omega)$  نشان داده می‌شوند. هدف، جداسازی داده‌های ورودی به یک مؤلفه فرکانس پائین (طول موج بلند) و یک مؤلفه فرکانس بالا (طول موج کوتاه) می‌باشد.

مثال: بر حسب زبری<sup>۱</sup>، نیمرخ  $Z(x)$  به یک مؤلفه موجی<sup>۲</sup>  $w(x)$  و یک مؤلفه زبری  $r(x)$  توسط یک پالایه عبوری پائین  $H_0$  ( $\omega$ ) و یک پالایه عبوری بالا  $H_1(\omega)$  جدا می‌شود (به شکل ۵ رجوع شود).



شکل ۵- جدا سازی نیمرخ اندازه‌گیری شده به یک مؤلفه موجی  $w(x)$  و یک مؤلفه زبری  $r(x)$  توسط پالایه عبوری پائین و پالایه عبوری بالا

به طور کلی، توابع انتقال پالایه‌های عبوری پائین و پالایه‌های عبوری بالا (با مقادیر غیر صفر در همان طول موج، به گونه‌ای که در شکل ۴ نشان داده شده) بر روی هم<sup>۳</sup> قرار می‌گیرند. این امر نمی‌تواند در پیاده‌سازی عملی پالایه ممانعت به عمل آورد. جداسازی ایده‌آل نمی‌باشد به علت اینکه بخش‌هایی از داده‌های ورودی، دارای فرکانس‌هایی است که در ناحیه روی هم افتاده (مشتراک) قرار گرفته و به طور نسبی در هر دو کانال هدایت می‌شوند.

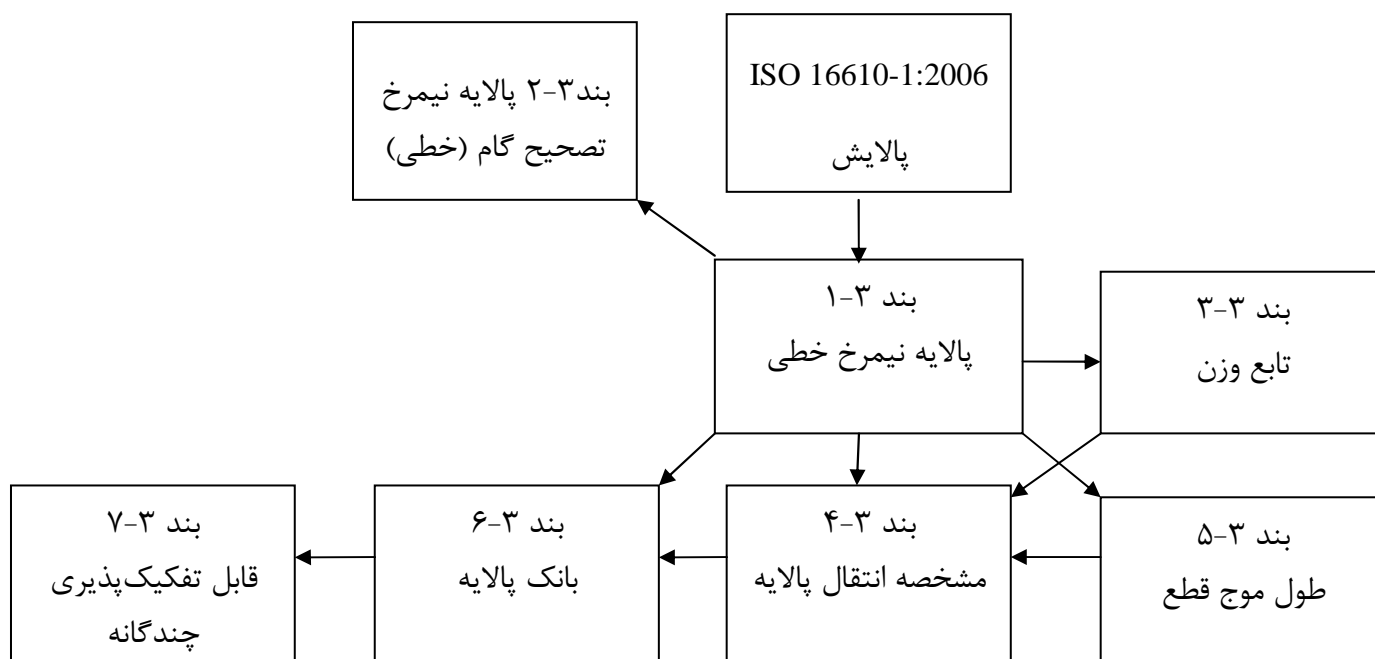
- 
- 1- Roughness
  - 2- Waviness
  - 3- Nerlap

این نتایج باعث موارد کاذبی در هر کانال می‌شود. برای هر بازسازی از داده‌های ورودی که از داده‌های پالایه شده بدست می‌آید نیاز است که این واقعیت برای آنها در نظر گرفته شود. زنجیره شدن بانک‌های پالایه منجر به تحلیل تفکیک‌پذیری چندگانه می‌شود. هر مرحله از پالایش، جزئیات دقیق‌تری در مورد داده‌های نیم‌رخ ارائه می‌کند. بنابراین بانک‌های پالایه باید به طور خاص به منظور دستیابی به تفکیک‌پذیر چند گانه طراحی شوند.

## پیوست الف (اطلاعاتی)

### نمودار مفاهیم

نمودار مفهوم زیر برای استاندارد ارائه شده است.





**پیوست ب**  
(اطلاعاتی)  
**ارتباط با الگوی ماتریس پالایش**

برای جزئیات کامل در مورد الگوی ماتریس پالایش به استاندارد ISO/TS 16610-1 رجوع شود.

**ب-۱ موقعیت در الگوی ماتریس پالایش**

این استاندارد، مفاهیم اساسی که در تمامی استانداردهای پالایش تاثیرگذار است را در ستون مربوط به پالایه‌های نیمرخ در موارد خطی ارائه می‌کند.  
(به شکل ب ۱ مراجعه شود)

پالایه‌ها: استانداردهای ISO 16610 (تمام قسمت‌ها)						کلیات
قسمت ۱						اصول
پالایه‌های سطح <sup>۱</sup>			پالایه‌های نیمرخ			
قسمت ۱۲			قسمت ۱۱			
ریخت شناسی	قوی	خطی	ریخت شناسی <sup>۲</sup>	قوی	خطی	
قسمت ۸۰	قسمت ۷۰	قسمت ۶۰	قسمت ۴۰	قسمت ۳۰	قسمت ۲۰	مفاهیم پایه
قسمت‌های ۸۵-۸۱	قسمت‌های ۷۵-۷۱	قسمت‌های ۶۵-۶۱	قسمت‌های ۴۵-۴۱	قسمت‌های ۳۵-۳۱	قسمت‌های ۲۵-۲۱	پالایه‌های خاص
قسمت‌های ۸۸-۸۶	قسمت‌های ۷۸-۷۶	قسمت‌های ۶۸-۶۶	قسمت‌های ۴۸-۴۶	قسمت‌های ۳۸-۳۶	قسمت‌های ۲۸-۲۶	نحوه پالایش
قسمت ۸۹	قسمت ۷۹	قسمت ۶۹	قسمت ۴۹	قسمت ۳۹	قسمت ۲۹	تفکیک‌پذیری چند گانه
a در حال حاضر در قسمت ۱ ارائه شده است .						
1-Areal 2-Morphological						

شکل ب-۱ ارتباط با الگوی ماتریس پالایش

**پیوست پ**  
**(اطلاعاتی)**  
**رابطه با الگوی ماتریس GPS**

برای جزئیات بیشتر در باره الگوی ماتریس GPS به استاندارد ISO/TR 14638 رجوع شود.

**پ-۱ اطلاعات در مورد این استاندارد و موارد استفاده از آن**  
این استاندارد مفاهیم پایه در مورد پالایه‌های نیمرخ خطی را تعیین می‌کند.

**پ-۲ موقعیت در الگوی ماتریس GPS**  
این استاندارد یکی از استانداردهای ملی ایران در رابطه با "ویژگی‌های هندسی فرآورده (GPS)" است که بر پیوند زنجیره‌ای ۳ و ۵ در تمامی زنجیره استانداردها بر ساختار ماتریس GPS به گونه‌ای که در شکل پ ۱ نشان داده شده است، تأثیرگذار است.

**پ-۳ استانداردهای مرتبط**  
استانداردهای ملی و بین‌المللی مرتبط، استانداردهایی هستند که در زنجیره استانداردها در شکل پ ۱ نشان داده شده است.

## استانداردهای فراگیر GPS

استانداردهای عمومی GPS						
۶	۵	۴	۳	۲	۱	شماره ارتباط زنجیره‌ای
						اندازه
						فاصله
						شعاع
						زاویه
						شکل خط مستقل از مبنا <sup>۱</sup>
						شکل خط وابسته به مبنا <sup>۲</sup>
						شکل سطح مستقل از مبنا <sup>۳</sup>
						شکل سطح وابسته به مبنا <sup>۴</sup>
						جهت یابی <sup>۵</sup>
						موقعیت <sup>۶</sup>
						دویدگی دورانی <sup>۷</sup>
						دویدگی کل <sup>۸</sup>
						مبناها <sup>۹</sup>
						نیمرخ زبری <sup>۱۰</sup>
						نیمرخ موجی <sup>۱۱</sup>
						نیمرخ اولیه <sup>۱۲</sup>
						نواقص سطح <sup>۱۳</sup>
						لبه‌ها <sup>۱۴</sup>

استانداردهای

اصلی GPS

شکل ب ۱- جایگاه درالگوی ماتریس GPS

- 1- Form of line independent of datum
- 2- Form of line dependent of datum
- 3- Form of surface independent of datum
- 4- Form of surface dependent of datum
- 5- Orientation
- 6- Location
- 7- Circular run-out
- 8- Total run-out
- 9- Datums
- 10- Roughness profile
- 11- Waviness profile
- 12- Primary profile
- 13- Surface imperfections
- 14- Edges

## کتابنامه

- [1] ISO/TR 14638:1995, Geometrical product specification (GPS) Masterplan
- [2] KRYSTEK, M. Bias error in phase correct 2RC filtering in roundness measurement, Measurement 18,